

Prof. Dr. Alfred Toth

Systemtheoretisch-semiotische Automorphismen

1. Wir gehen wiederum aus von der folgenden Tafel von Korrespondenzen:

$$oS \leftrightarrow Q(.0.) \leftrightarrow oI \leftrightarrow \perp$$

$$sO \leftrightarrow M(.1.) \leftrightarrow iO \leftrightarrow \lrcorner$$

$$oO \leftrightarrow O(.2.) \leftrightarrow oO \leftrightarrow \ulcorner$$

$$sS \leftrightarrow I(.3.) \leftrightarrow iI \leftrightarrow \urcorner,$$

aus der wir eine tetradisch-tetratomische (und tetravalente) systemtheoretische semiotische Matrix konstruieren können:

	\perp	\lrcorner	\ulcorner	\urcorner
\perp	$\perp\perp$	$\perp\lrcorner$	$\perp\ulcorner$	$\perp\urcorner$
\lrcorner	$\lrcorner\perp$	$\lrcorner\lrcorner$	$\lrcorner\ulcorner$	$\lrcorner\urcorner$
\ulcorner	$\ulcorner\perp$	$\ulcorner\lrcorner$	$\ulcorner\ulcorner$	$\ulcorner\urcorner$
\urcorner	$\urcorner\perp$	$\urcorner\lrcorner$	$\urcorner\ulcorner$	$\urcorner\urcorner$

2. Für die Dualisation gilt:

$$(\times \perp) = (\times .0.) = \lrcorner = (.1.), \text{ d.h. } \perp \times \lrcorner$$

$$(\times \ulcorner) = (\times .2.) = \urcorner = (.3.), \text{ d.h. } \ulcorner \times \urcorner$$

Demgegenüber bilden

$$(.0.) / (.2.) = \perp \ulcorner$$

$$(.0.) / (.3.) = \perp \urcorner$$

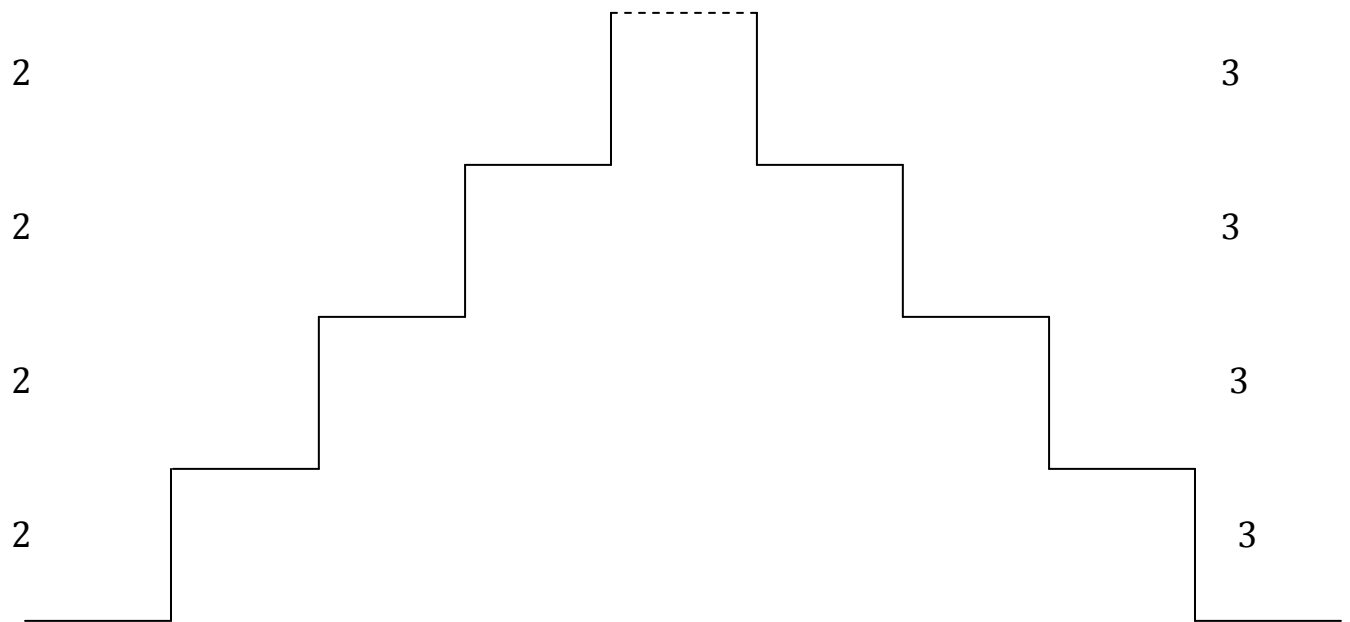
$$(.1.) / (.2.) = \lrcorner \ulcorner$$

$$(.1.) / (.3.) = \lrcorner \urcorner$$

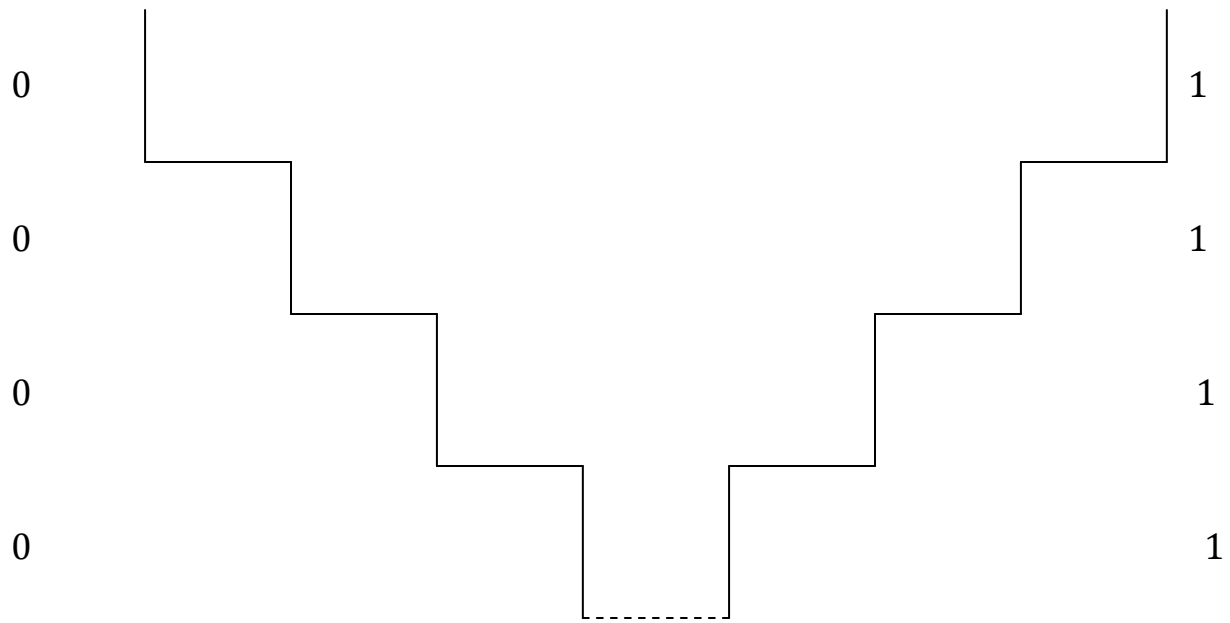
keine Gestaltpaare. Da sich die tetradisch-tetratomische Zeichenrelation in Anwendung der Vorgaben für die triadisch-trichotomische Zeichenrelation wie folgt notieren lässt (vgl. Bense 1979, S. 53)

$$ZR(4,4) = (0 \rightarrow (((0 \rightarrow 1) \rightarrow (0 \rightarrow 1 \rightarrow 2)) \rightarrow (0 \rightarrow 1 \rightarrow 2 \rightarrow 3))))),$$

wäre also Treppenmodelle, das sich aus den 4 Distinktionssymbolen konstruieren lassen, autologische semiotische Modelle. Ich zeige hier, dass die Menge der autologischen semiotischen systemtheoretischen Modell genau diejenigen Zeichenmodelle bestimmen, die automorphisch sind:

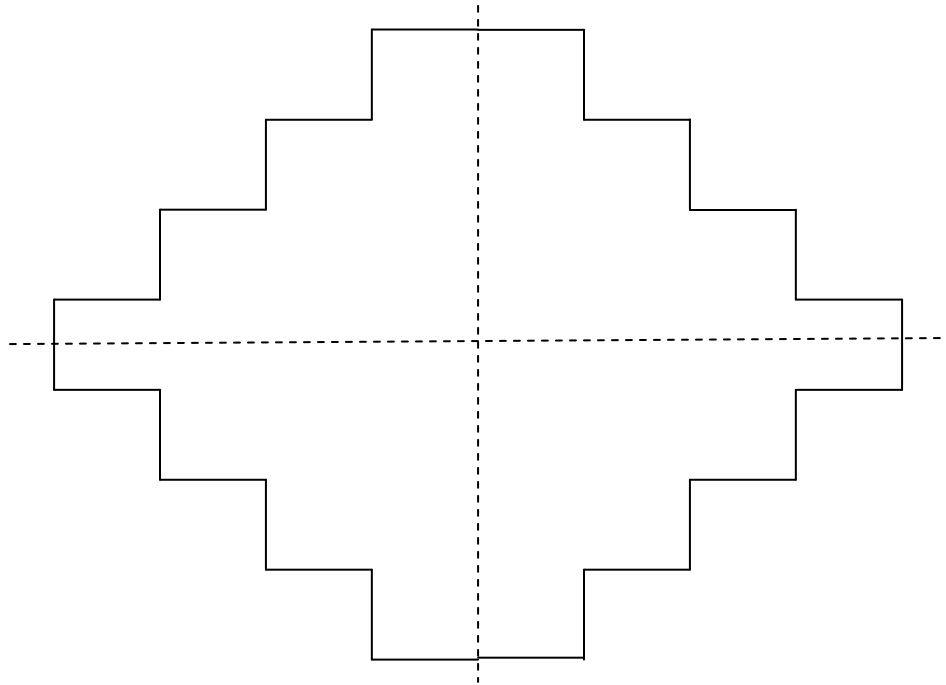


$$2 \circledast 3 = 3 \circledast 2 \text{ (mit Ligatur } \ulcorner \urcorner \text{)}$$



$$0 \circledast 1 = 1 \circledast 0 \text{ (mit Ligatur } \lfloor \rfloor \text{)}$$

Dann bekommen wir also durch $(2 \circledast 3 = 3 \circledast 2) \cup (0 \circledast 1 = 1 \circledast 0)$ eine Zeichengestalt wie die folgende:



Dies kann man also Graph mit totalsymmetrischen Treppenfunktionen in allen vier Quadranten des kartesischen Koordinatensystems interpretieren; vgl. Toth (2006, S. 52 ff.).

Bibliographie

Bense, Max, Die Unwahrscheinlichkeit des Ästhetischen. Baden-Baden 1979

Toth, Alfred, Grundlegung einer mathematischen Semiotik. Klagenfurt 2006, s. Aufl. 2008

7.5.2011